

CONTROLE n°1

I. Questions de cours :

1. Bloquer B₀ :

- 1.1. Décrire le principe du bloqueur d'ordre zéro.
- 1.2. Dessiner l'allure de la réponse impulsionnelle du bloqueur d'ordre zéro puis, calculer sa transmittance.
- 1.3. Calculer le module $A(\omega) = |B_0(j\omega)|$ et la phase $\varphi(\omega) = \arg[B_0(j\omega)]$.

2. Propriétés de la transformée en z :

- 2.1. Etablir puis démontrer le théorème de la valeur finale.
- 2.2. Montrer que $F(z)R(z) = Z\left[\sum_{k=0}^{n-1} f(kT)g((n-k)T)\right]$.

II. Exercices :

1. On considère la fonction causale définie par :

$f(t) = a^t$

- 1.1. En appliquant la définition, calculer $F(z) = Z[a^t]$.
- 1.2. Soit $g(t)$ une fonction causale. Etablir une relation entre $G(z)$ et $Z[a^t \cdot g(t)]$.

3. Calculer les TZ des fonctions ayant pour transformées de Laplace :

- 3.1. $X(p) = (p^2 + 1) / (p + 2)(p^2 + 2p + 5)$;
- 3.2. $Y(p) = B_0(p) / (p+1)^2$.

$Z\left[\frac{1}{p^2 + \omega_0^2}\right] = \frac{z \sin \omega_0 T}{z^2 - 2z \cos \omega_0 T + 1}$; $Z\left[\frac{p}{p^2 + \omega_0^2}\right] = \frac{z(z - \cos \omega_0 T)}{z^2 - 2z \cos \omega_0 T + 1}$

$Z\left[\frac{1}{(p+a)^2 + \omega_0^2}\right] = \frac{ze^{-aT} \sin \omega_0 T}{z^2 - 2ze^{-aT} \cos \omega_0 T + e^{-2aT}}$

$Z\left[\frac{p}{(p+a)^2 + \omega_0^2}\right] = \frac{z - ze^{-aT} \cos \omega_0 T}{z^2 - 2ze^{-aT} \cos \omega_0 T + e^{-2aT}}$ (3-1) K(z)

$Z\left[\frac{1}{(p+a)^2 + \omega_0^2}\right] = \frac{z}{z^2 - 2ze^{-aT} \cos \omega_0 T + e^{-2aT}}$

$Z\left[\frac{1}{(p+a)^2 + \omega_0^2}\right] = \frac{z}{z^2 - 2ze^{-aT} \cos \omega_0 T + e^{-2aT}}$